

ΟΝΟΜΑΤΕΠΩΝΥΜΟ: .....

## ΦΥΛΛΟ ΑΠΑΝΤΗΣΕΩΝ

## Θεωρητικό μέρος

## Θέμα 1°

## Α.

ΜΟΝΑΔΕΣ

i	$m = \frac{hf}{c^2}$	2
ii	$f = f_0 \left(1 - \frac{GM}{Rc^2}\right)$ από την οποία $f < f_0$	6
iii	$f = 0$ οπότε $R_{crit} = \frac{GM}{c^2}$	3
iv	$R \approx 1,4 \text{ km}$	2

## Β.

	$E_{ολ} = IR = 0$	5
	$E_{ολ} = E_{επ} + E_{αυτ} = -\frac{\pi R^2 \Delta B}{\Delta t} - L \frac{\Delta I}{\Delta t} = 0$	5
	$I = \frac{\pi R^2 B}{L} = 15 \text{ A}$	2

## Θέμα 2°

i	Η έκφραση για την επιτάχυνση $a = \frac{mg - bv - ky}{m}$	4
ii	Η θέση ισορροπίας ως συνάρτηση των δεδομένων $y_0 = \frac{mg}{k}$	2
iii	Η έκφραση για την επιτάχυνση αυτή τη στιγμή ως συνάρτηση των δεδομένων $a_0 = -\frac{b_0 v_0}{m}$	3
iv	Η χρονική εξέλιξη της τιμής της $b$ $b = \frac{mg - ma_0 - ky(t)}{v(t)}$ Όπου $v(t) = v_0 - a_0 t$	7

	$y(t)=y_0+v_0t-\frac{1}{2}a_0t^2$ τελικά: $b = \frac{kb_0}{2m}t^2 - kt - b_0$	
v	<p>Η απόσταση που διένυσε το κάθισμα:</p> $y_{ολ} = \frac{mg}{k} + v_0 t_{ολ} - \frac{1}{2} a_0 t_{ολ}^2$ <p>όπου <math>t_{ολ} = \frac{v_0}{a_0}</math></p>	4
vi	$\Delta E = E_{αρχ} - E_{τελ} = \frac{1}{2} m v_0^2 + \frac{1}{2} k y_0^2 - \frac{1}{2} k (y_{ολ} + y_0)^2 - m g y_{ολ}$	5

**Θέμα 3<sup>ο</sup>****A.**

i	<p>Η ενέργεια <math>E_1</math> που μεταβιβάστηκε στο quark με μάζα <math>m_1</math> από το ηλεκτρόνιο σε συνάρτηση με τα <math>M</math>, <math>m_1</math>, και <math>E</math>:</p> $E_1 = \frac{4Mm_1}{(M+m_1)^2} E$	3
ii	<p>Η κινητική ενέργεια <math>E_\mu</math> του κέντρου μάζας του μεσονίου, η οποία είναι και η κινητική ενέργεια του μεσονίου ως σύστημα</p> $E_\mu = \frac{4Mm_1^2}{(M+m_1)^2(m_1+m_2)} E$	5
iii	<p>Η εσωτερική ενέργεια <math>E_{εσ}</math> του μεσονίου η οποία εκφράζεται από την ενέργεια της ταλάντωσης των quarks, σε συνάρτηση με τα <math>M</math>, <math>m_1</math>, <math>m_2</math> και <math>E</math>.</p> $E_{εσ} = \frac{4Mm_1m_2}{(M+m_1)^2(m_1+m_2)} E$	5

**B.**

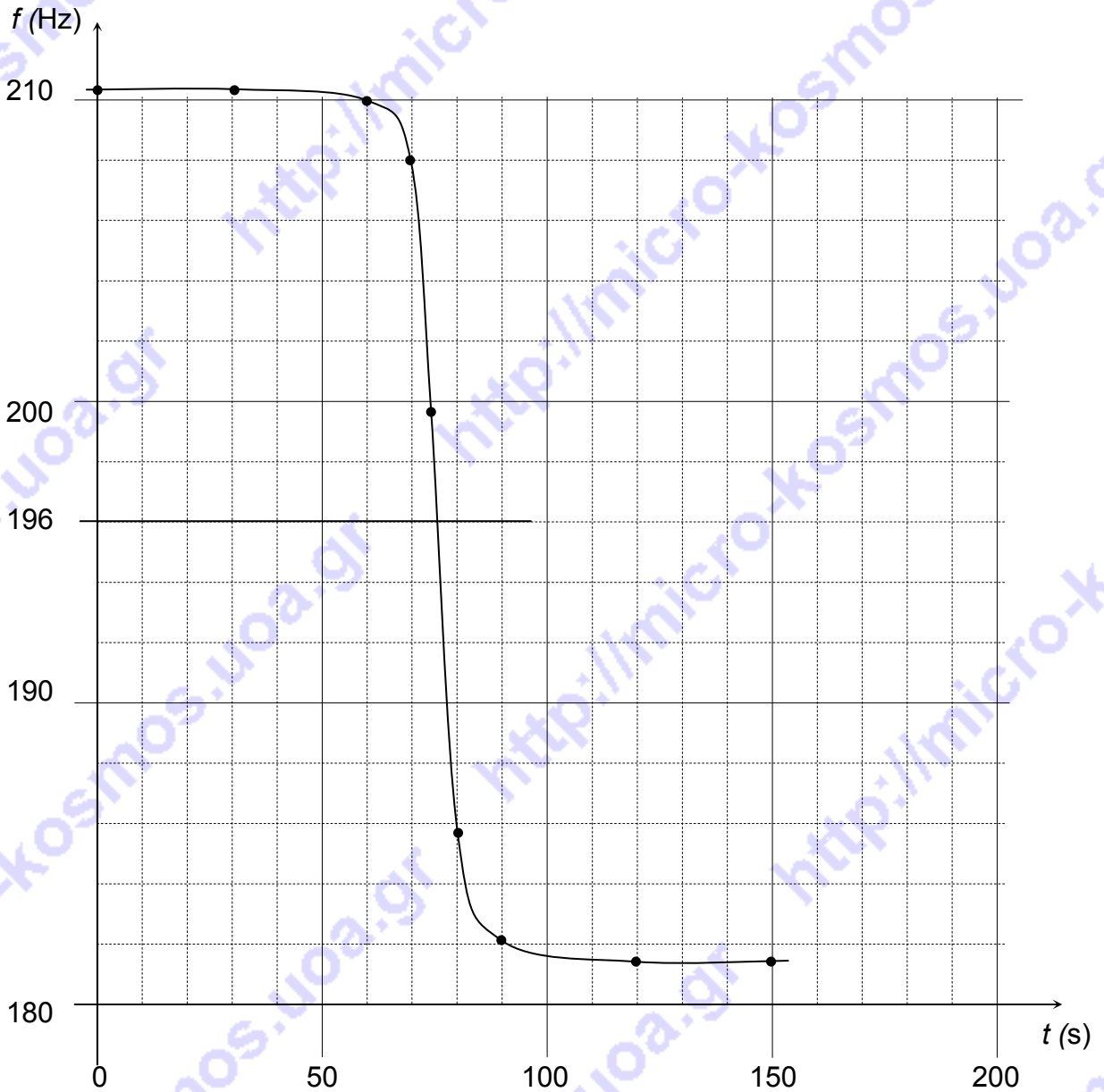
<p> <math display="block">v_e = \frac{1}{2} m u^2 \quad \text{δηλ. } u = \sqrt{\frac{2Ve}{m}} \quad (1)</math> </p> <p> <math display="block">y = \frac{v\sqrt{2}}{2} t - \frac{1}{2} \frac{Ee}{m} t^2 \quad (3)</math> </p> <p> <math display="block">x = \frac{v\sqrt{2}}{2} t \quad (4)</math> </p> <p>Απαλείφοντας το χρόνο από τις (3) και (4) βρίσκουμε την εξίσωση τροχιάς:</p> <p> <math display="block">y = -\frac{Ee}{m v^2} x^2 + x \quad (5)</math> </p> <p>Το σημείο εξόδου θα έχει συντεταγμένες <math>(d\sqrt{2}, 0)</math>. Θέτοντας στην (5) <math>y=0</math> και <math>x=d\sqrt{2}</math> έχουμε:</p> <p> <math display="block">E = \frac{m v^2}{e d \sqrt{2}} \quad \text{και από την (1)}</math> </p> <p>παίρνουμε:</p> <p> <math display="block">E = \frac{2V}{d\sqrt{2}}</math> </p> <p>δηλαδή <math>E = 4 \cdot \sqrt{2} \cdot 10^5 \text{ V/m}</math></p>		12
---	--	----

### Πειραματικό μέρος

i	<p>             Η συνιστώσα της ταχύτητας κατά την κατεύθυνση της πηγής είναι <math>v \cos \theta</math>. Έτσι όταν ο παρατηρητής πλησιάζει η συχνότητα που ακούει:         </p> <p> <math display="block">f = \frac{v_{\eta\chi} + v \cos \theta}{v_{\eta\chi}} f_0</math>             Καθώς η <math>\theta</math> αυξάνεται ο παράγοντας <math>v \cos \theta</math> μειώνεται και έτσι μειώνεται και η τιμή της <math>f</math>. Όταν είναι πολύ μακριά από την πηγή το <math>\cos \theta</math> είναι περίπου 1 σταθερό συνεπώς και η συχνότητα. Όταν ο παρατηρητής απομακρύνεται η συχνότητα που ακούει:         </p> <p> <math display="block">f = \frac{v_{\eta\chi} - v \cos \theta}{v_{\eta\chi}} f_0</math>             Καθώς η <math>\theta</math> μειώνεται ο παράγοντας <math>v \cos \theta</math> αυξάνεται και έτσι συνεχίζει να μειώνεται και η τιμή         </p>	5
---	---	---

	της $f$ . . Όταν είναι πολύ μακριά από την πηγή το $\cos\theta$ είναι πάλι περίπου 1 σταθερό συνεπώς και η συχνότητα.	
ii	Για τους αρχικούς χρόνους αφού $\cos\theta \approx 1$ . $f=210,4=\left(\frac{v_{\eta\chi} + v}{v_{\eta\chi}}\right)f_0$	2
	Για τους τελικούς χρόνους αφού πάλι $\cos\theta \approx 1$ . $f=181,6=\left(\frac{v_{\eta\chi} - v}{v_{\eta\chi}}\right)f_0$	2
	Από τις παραπάνω με διαίρεση κατά μέλη $\frac{210,4}{181,6} = \frac{v_{\eta\chi} + v}{v_{\eta\chi} - v}$	2
	Οπότε προκύπτει: $v=24,24 \text{ m/s}$	2
	Αντικαθιστώντας στην $f=\left(\frac{v_{\eta\chi} + v}{v_{\eta\chi}}\right)f_0$ Προκύπτει: $f_0=196,0 \text{ Hz}$	2

- iii Στο σημείο της ελάχιστης προσέγγισης στην πηγή θα ισχύει  $\cos\theta=0$  αφού  $\theta=90^\circ$   
Τότε  $f=f_0=196,0$  Hz. Από το γράφημα βρίσκουμε ότι η  $f=196,0$ Hz αντιστοιχεί τη χρονική στιγμή  
 $t_0=75,5 \pm 1,0$ s



10